

Департамент образования Томской области  
Областное государственное бюджетное  
профессиональное образовательное учреждение  
«Томский коммунально-строительный техникум»

Рассмотрена  
на заседании педагогического совета  
протокол №7 от 31.03.2025

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**  
**по учебной дисциплине «МАТЕМАТИКА»**  
по специальности 13.02.02  
Теплоснабжение и теплотехническое оборудование

Базовый уровень

Объём: 340 ч.

Томск, 2025 г.

Программа общеобразовательной дисциплины «МАТЕМАТИКА» разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта по специальности среднего профессионального образования 13.02.02 Теплоснабжение и теплотехническое оборудование, утвержденного приказом Минпросвещения России от 25.08.2021 N 600 (ред. от 03.07.2024)

**Разработчик:**

|                      |                        |                      |
|----------------------|------------------------|----------------------|
| <u>ОГБПОУ «ТКСТ»</u> | <u>преподаватель</u>   | <u>Сивакова Н.С.</u> |
| (место работы)       | (занимаемая должность) | (инициалы, фамилия)  |

**РАССМОТРЕНА И РЕКОМЕНДОВАНА К УТВЕРЖДЕНИЮ**

на заседании предметно-цикловой комиссии общеобразовательных, общих гуманитарных и социально-экономических дисциплин

## **СОДЕРЖАНИЕ**

1. Общая характеристика рабочей программы учебной дисциплины
2. Структура и содержание учебной дисциплины
3. Условия реализации учебной дисциплины
4. Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины

## **1. Общая характеристика рабочей программы учебной дисциплины «Математика»**

Общеобразовательная дисциплина «Математика» является обязательной частью общеобразовательного цикла образовательной программы в соответствии с ФГОС для специальности 13.02.02 Теплоснабжение и теплотехническое оборудование.

### **1.2. Цели и планируемые результаты освоения дисциплины:**

#### **1.2.1. Цель дисциплины**

Содержание программы общеобразовательной дисциплины «Математика» направлено на достижение результатов ее изучения в соответствии с требованиями ФГОС СОО с учетом профессиональной направленности ФГОС СПО.

#### **1.2.2. Планируемые результаты освоения общеобразовательной дисциплины в соответствии с ФГОС СПО и на основе ФГОС СОО**

| Общие компетенции                                                                                       | Планируемые результаты обучения                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                                                                         | Общие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | Дисциплинарные                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
| ОК 01 Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам | <ul style="list-style-type: none"> <li>- готовность к труду, осознание ценности мастерства, трудолюбие;</li> <li>- готовность к активной деятельности технологической и социальной направленности;</li> <li>- способность инициировать, планировать и самостоятельно выполнять такую деятельность;</li> <li>- интерес к различным сферам профессиональной деятельности,</li> </ul> <p>Овладение универсальными учебными познавательными действиями:</p> <p>а) базовые логические действия:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно формулировать актуализировать проблему, рассматривать ее всесторонне;</li> <li>- устанавливать существенный признак или основания для сравнения, классификации и обобщения;</li> <li>- определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения;</li> <li>- выявлять закономерности и противоречия в рассматриваемых явлениях;</li> <li>- вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности;</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональная функция,</li> </ul> |

|  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|--|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  | <p>- развивать креативное мышление при решении жизненных проблем</p> <p>б) базовые исследовательские действия:</p> <p>- владеть навыками учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем;</p> <p>- выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры критерии решения;</p> <p>- анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически оценивать их достоверность, прогнозировать изменение новых условиях;</p> <p>-- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;</p> <p>- уметь интегрировать знания из разных предметных областей;</p> <p>- выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения;</p> <p>и способность их использования в познавательной и социальной практике</p> | <p>показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>- уметь решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; уметь извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач;</p> |
|--|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|  |  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
|--|--|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  |  | <p>оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при</p> |
|--|--|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|  |  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
|--|--|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  |  | <p>решении задач;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;</li> <li>- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.</li> <li>- уметь оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений при решении задач, в том числе из других учебных</li> </ul> |
|--|--|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|  |  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |
|--|--|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  |  | <p>предметов;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения,</li> </ul> |
|--|--|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|  |  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|--|--|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  |  | <p>неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</p> <p>-уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций; умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции;</p> <p>умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая</p> |
|--|--|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|  |  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |
|--|--|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  |  | <p>геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;</p> <p>- уметь оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать</p> |
|--|--|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|  |  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |
|--|--|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  |  | <p>статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</p> <p>- уметь находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать</p> |
|--|--|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|  |  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |
|--|--|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  |  | <p>понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение</p> |
|--|--|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|  |  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
|--|--|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  |  | <p>использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица <math>2 \times 2</math> и <math>3 \times 3</math>, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;</p> <p>- уметь моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социально-экономического и физического характера;</p> <p>- умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение</p> |
|--|--|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      |
| ОК 02 Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности | <p>В области ценности научного познания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, основанного на диалоге культур, способствующего осознанию своего места в поликультурном мире;</li> <li>- совершенствование языковой и читательской культуры как средства взаимодействия между людьми и познания мира;</li> <li>- осознание ценности научной деятельности, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.</li> </ul> <p>Овладение универсальными учебными познавательными действиями:</p> <p>в) работа с информацией:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- владеть навыками получения информации из источников разных типов, самостоятельно осуществлять поиск, анализ, систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления;</li> <li>- создавать тексты в различных форматах с учетом назначения информации и целевой аудитории, выбирая оптимальную форму представления и визуализации;</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; уметь решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</li> <li>- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; уметь распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; уметь использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни</li> </ul> |



|  |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |
|--|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|  | <p>действиями:</p> <p>а) самоорганизация:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- самостоятельно осуществлять познавательную деятельность, выявлять проблемы, ставить и формулировать собственные задачи образовательной деятельности и жизненных ситуациях;</li> <li>- самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений;</li> <li>- давать оценку новым ситуациям;</li> </ul> <p>способствовать формированию и проявлению широкой эрудиции в разных областях знаний, постоянно повышать свой образовательный и культурный уровень;</p> <p>б) самоконтроль:</p> <p>использовать приемы рефлексии для оценки ситуации, выбора верного решения;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оценивать риски и своевременно принимать решения по их снижению;</li> </ul> <p>в) эмоциональный интеллект, предполагающий сформированность:</p> <p>внутренней мотивации, включающей стремление к достижению цели и успеху, оптимизм, инициативность, умение действовать, исходя из своих возможностей;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эмпатии, включающей способность понимать эмоциональное состояние других, учитывать его</li> </ul> | <p>распознавать симметрию в пространстве; уметь распознавать правильные многогранники;</p> <p>уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками</p> |
|--|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|                                                                             |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
|-----------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                                             | <p>при осуществлении коммуникации, способность к сочувствию и сопереживанию;</p> <p>- социальных навыков, включающих способность выстраивать отношения с другими людьми, заботиться, проявлять интерес и разрешать конфликты</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |
| <p>ОК 04 Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде</p> | <p>готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <p>- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности;</p> <p>Овладение универсальными коммуникативными действиями:</p> <p>б) совместная деятельность:</p> <p>- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы;</p> <p>- принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению: составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников, обсуждать результаты совместной работы;</p> <p>- координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного</p> | <p>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</p> <p>- уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция,</p> |

|                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                                                                                                                                    | <p>взаимодействия;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.</li> </ul> <p>Овладение универсальными регулятивными действиями:</p> <p>г) принятие себя и других людей:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- принимать мотивы и аргументы других людей при анализе результатов деятельности;</li> <li>- признавать свое право и право других людей на ошибки;</li> <li>- развивать способность понимать мир с позиции другого человека</li> </ul> | <p>квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; уметь строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</li> <li>- свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; уметь проводить исследование функции;</li> <li>- уметь использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем</li> </ul> |
| <p>ОК 05 Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста</p> | <p>В области эстетического воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества, спорта, труда и общественных отношений;</li> <li>- способность воспринимать различные виды искусства, традиции и творчество своего и других народов, ощущать эмоциональное воздействие искусства;</li> <li>- убежденность в значимости для личности и</li> </ul>                                                                                                                                            | <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;</li> <li>- уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость,</li> </ul>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |

|                                                                                                                                                                                                                                                |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                                                                                                                                                                                                                | <p>общества отечественного и мирового искусства, этнических культурных традиций и народного творчества;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- готовность к самовыражению в разных видах искусства, стремление проявлять качества творческой личности;</li> </ul> <p>Овладение универсальными коммуникативными действиями:</p> <p>а) общение:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осуществлять коммуникации во всех сферах жизни;</li> <li>- распознавать невербальные средства общения, понимать значение социальных знаков, распознавать предпосылки конфликтных ситуаций и смягчать конфликты;</li> <li>- развернуто и логично излагать свою точку зрения с использованием языковых средств</li> </ul> | <p>пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира</li> </ul>                                                                                                                                           |
| <p>ОК 06 Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных российских духовно-нравственных ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений,</p> | <ul style="list-style-type: none"> <li>- осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</li> <li>- целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные</li> </ul>                                                                                                                                                                                                                               | <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;</li> <li>- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой</li> </ul> |

|                                                         |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |
|---------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p>применять стандарты антикоррупционного поведения</p> | <p>планы;</p> <p>В части гражданского воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- осознание своих конституционных прав и обязанностей, уважение закона и правопорядка;</li> <li>- принятие традиционных национальных, общечеловеческих гуманистических и демократических ценностей;</li> <li>- готовность противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии, дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам;</li> <li>- готовность вести совместную деятельность в интересах гражданского общества, участвовать в самоуправлении в общеобразовательной организации и детско-юношеских организациях;</li> <li>- умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;</li> <li>- готовность к гуманитарной и волонтерской деятельности;</li> </ul> <p>патриотического воспитания:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- сформированность российской гражданской идентичности, патриотизма, уважения к своему народу, чувства ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, свой язык и культуру, прошлое и настоящее многонационального народа России;</li> <li>- ценностное отношение к государственным</li> </ul> | <p>математической науки.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях</li> </ul> |
|---------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

|                                                                                                                                        |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                                                                                                        | <p>символам, историческому и природному наследию, памятникам, традициям народов России, достижениям России в науке, искусстве, спорте, технологиях и труде;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- идейная убежденность, готовность к служению и защите Отечества, ответственность за его судьбу;</li> </ul> <p>освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</li> <li>- овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности</li> </ul> |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| <p>ОК 07 Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого</p> | <ul style="list-style-type: none"> <li>- не принимать действия, приносящие вред окружающей среде;</li> <li>- уметь прогнозировать неблагоприятные экологические последствия предпринимаемых действий, предотвращать их;</li> <li>- расширить опыт деятельности экологической</li> </ul>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить</li> </ul> |

|                                                               |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
|---------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях | <p>направленности;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- разрабатывать план решения проблемы с учетом анализа имеющихся материальных и нематериальных ресурсов;</li> <li>- осуществлять целенаправленный поиск переноса средств и способов действия в профессиональную среду;</li> <li>- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;</li> <li>- предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости;</li> <li>- давать оценку новым ситуациям, вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям</li> </ul> | <p>графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;</li> <li>- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы</li> </ul> |
|---------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

## 2. Структура и содержание общеобразовательной дисциплины

### 2.1. Объем дисциплины и виды учебной работы

| <b>Вид учебной работы</b>                                                         | <b>Объем в часах*</b> |
|-----------------------------------------------------------------------------------|-----------------------|
| <b>Объем образовательной программы дисциплины</b>                                 | <b>340</b>            |
| <b>в т.ч.</b>                                                                     |                       |
| <b>Основное содержание</b>                                                        | <b>278</b>            |
| <b>в т. ч.:</b>                                                                   |                       |
| теоретическое обучение                                                            | 220                   |
| практические занятия                                                              | 58                    |
| <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b> | <b>56</b>             |
| <b>в т. ч.:</b>                                                                   |                       |
| теоретическое обучение                                                            | 4                     |
| практические занятия                                                              | 52                    |
| <b>Индивидуальный проект (да/нет)**</b>                                           |                       |
| <b>Промежуточная аттестация (экзамен)</b>                                         | <b>6</b>              |

## 2.2. Тематический план и содержание дисциплины

| Наименование разделов и тем                                     | Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)     | Объем часов | Формируемые компетенции                                              |
|-----------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------|----------------------------------------------------------------------|
| 1                                                               | 2                                                                                                                                                    | 3           | 4                                                                    |
| Основное содержание                                             |                                                                                                                                                      |             |                                                                      |
| Раздел 1. Повторение курса математики основной школы            |                                                                                                                                                      | 20          | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-06, ОК-07<br><b>ПК 1.1-1.5</b> |
| Тема 1.1<br>Цель и задачи математики при освоении специальности | Содержание учебного материала                                                                                                                        | 2           |                                                                      |
|                                                                 | Базовые знания и умения по математике в профессиональной и в повседневной деятельности.                                                              |             |                                                                      |
|                                                                 | Комбинированное занятие                                                                                                                              |             |                                                                      |
| Тема 1.2<br>Числа и вычисления. Выражения и преобразования      | Содержание учебного материала                                                                                                                        | 2           |                                                                      |
|                                                                 | Действия над положительными и отрицательными числами, обыкновенными и десятичными дробями.<br>Действия со степенями, формулы сокращенного умножения. |             |                                                                      |
|                                                                 | Комбинированное занятие                                                                                                                              |             |                                                                      |
| Тема 1.3.<br>Геометрия на плоскости                             | Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)                                                                           | 2           |                                                                      |
|                                                                 | Виды плоских фигур и их площадь.<br>Практико-ориентированные задачи в курсе геометрии на плоскости                                                   |             |                                                                      |
|                                                                 | Практическое занятие                                                                                                                                 |             |                                                                      |
| Тема 1.4<br>Процентные вычисления                               | Содержание учебного материала                                                                                                                        | 4           |                                                                      |
|                                                                 | Простые проценты, разные способы их вычисления. Сложные проценты                                                                                     |             |                                                                      |
|                                                                 | Практическое занятие                                                                                                                                 |             |                                                                      |
| Тема 1.5<br>Уравнения и неравенства                             | Содержание учебного материала                                                                                                                        |             |                                                                      |
|                                                                 | Линейные, квадратные, дробно-линейные уравнения и неравенства                                                                                        |             |                                                                      |

|                                                                                 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |           |  |                                                    |
|---------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|--|----------------------------------------------------|
|                                                                                 | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | 2         |  |                                                    |
| Тема 1.6<br>Системы уравнений и неравенств                                      | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                             | 6         |  |                                                    |
|                                                                                 | Способы решения систем линейных уравнений. Понятия: матрица 2x2 и 3x3, определитель матрицы. Метод Гаусса. Системы нелинейных уравнений. Системы неравенств                                                                                                                                                               |           |  |                                                    |
|                                                                                 | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |           |  |                                                    |
| Тема 1.7<br>Входной контроль                                                    | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                             | 2         |  |                                                    |
|                                                                                 | Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. Геометрия на плоскости                                                                                                                                                                                                                                              |           |  |                                                    |
|                                                                                 | Контрольная работа                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |           |  |                                                    |
| <b>Раздел 2 Прямые и плоскости в пространстве</b>                               |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | <b>20</b> |  | ОК-01, ОК-03,<br>ОК-04, ОК-07<br><b>ПК 1.1-1.5</b> |
| Тема 2.1.<br>Основные понятия стереометрии.<br>Расположение прямых и плоскостей | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                             | 2         |  |                                                    |
|                                                                                 | Предмет стереометрии. Основные понятия (точка, прямая, плоскость, пространство). Основные аксиомы стереометрии. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признак и свойство скрещивающихся прямых. Основные пространственные фигуры.                                                                         |           |  |                                                    |
|                                                                                 | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |           |  |                                                    |
| Тема 2.2.<br>Параллельность прямых, прямой и плоскости, плоскостей              | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                             | 6         |  |                                                    |
|                                                                                 | Параллельные прямая и плоскость. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Параллельные плоскости. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Тетраэдр и его элементы. Параллелепипед и его элементы. Свойства противоположных граней и диагоналей параллелепипеда. Построение сечений. Решение задач. |           |  |                                                    |
|                                                                                 | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |           |  |                                                    |
| Тема 2.3.<br>Перпендикулярность прямых, прямой и плоскости, плоскостей          | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                             |           |  |                                                    |
|                                                                                 | Перпендикулярные прямые. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Доказательство. Перпендикуляр и наклонная. Перпендикулярные плоскости. Признак перпендикулярности плоскостей. Доказательство.                                                                  |           |  |                                                    |

|                                                                                                              |                                                                                                                                                    |           |                                                    |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|----------------------------------------------------|
|                                                                                                              | Расстояния в пространстве                                                                                                                          | 2         |                                                    |
|                                                                                                              | Комбинированное занятие                                                                                                                            |           |                                                    |
| Тема 2.4.<br>Теорема о трех перпендикулярах                                                                  | Содержание учебного материала                                                                                                                      | 4         |                                                    |
|                                                                                                              | Теорема о трех перпендикулярах. Доказательство. Угол между прямой и плоскостью. Угол между плоскостями                                             |           |                                                    |
|                                                                                                              | Комбинированное занятие                                                                                                                            |           |                                                    |
| Тема 2.5.<br>Параллельные, перпендикулярные, скрещивающиеся прямые                                           | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>                                                                  | 4         |                                                    |
|                                                                                                              | Аксиомы стереометрии. Перпендикулярность прямой и плоскости, параллельность двух прямых, перпендикулярных плоскости, перпендикулярность плоскостей |           |                                                    |
|                                                                                                              | Практическое занятие                                                                                                                               |           |                                                    |
| Тема 2.6.<br>Решение задач. Прямые и плоскости в пространстве                                                | Содержание учебного материала                                                                                                                      | 2         |                                                    |
|                                                                                                              | Расположение прямых и плоскостей в пространстве. Перпендикулярность и параллельность прямых и плоскостей. Скрещивающиеся прямые                    |           |                                                    |
|                                                                                                              | Контрольная работа                                                                                                                                 |           |                                                    |
| <b>Раздел 3. Координаты и векторы</b>                                                                        |                                                                                                                                                    | <b>16</b> | ОК-02, ОК-03,<br>ОК-04, ОК-07<br><b>ПК 1.1-1.5</b> |
| Тема 3.1<br>Декартовы координаты в пространстве. Расстояние между двумя точками. Координаты середины отрезка | Содержание учебного материала                                                                                                                      | 4         |                                                    |
|                                                                                                              | Декартовы координаты в пространстве. Простейшие задачи в координатах. Расстояние между двумя точками, координаты середины отрезка                  |           |                                                    |
|                                                                                                              | Комбинированное занятие                                                                                                                            |           |                                                    |
| Тема 3.2                                                                                                     | Содержание учебного материала                                                                                                                      |           |                                                    |

|                                                                                                   |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |           |  |                                                                      |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|--|----------------------------------------------------------------------|
| Векторы в пространстве. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов                     | Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Координаты вектора, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями. Уравнение плоскости. Геометрический смысл определителя 2x2                                                                  | 6         |  |                                                                      |
|                                                                                                   | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |           |  |                                                                      |
| Тема 3.3<br>Практико-ориентированные задачи на координатной плоскости                             | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | 4         |  |                                                                      |
|                                                                                                   | Координатная плоскость. Вычисление расстояний и площадей на плоскости. Количественные расчеты                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |           |  |                                                                      |
|                                                                                                   | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |           |  |                                                                      |
| Тема 3.4<br>Решение задач. Координаты и векторы                                                   | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 2         |  |                                                                      |
|                                                                                                   | Декартовы координаты в пространстве. Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Простейшие задачи в координатах. Координаты вектора, расстояние между точками, координаты середины отрезка, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями |           |  |                                                                      |
|                                                                                                   | Контрольная работа                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |           |  |                                                                      |
| <b>Раздел 4. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции</b>                                 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | <b>40</b> |  | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-06, ОК-07<br><b>ПК 1.1-1.5</b> |
| Тема 4.1<br>Тригонометрические функции произвольного угла, числа. Радианная и градусная мера угла | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 4         |  |                                                                      |
|                                                                                                   | Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат. Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям. Зависимость между синусом, косинусом, тангенсом и котангенсом одного и того же угла                                                                                                                                                                                                           |           |  |                                                                      |
|                                                                                                   | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |           |  |                                                                      |

ОК-01, ОК-02,  
ОК-03, ОК-04,  
ОК-05, ОК-06,  
ОК-07  
**ПК 1.1-1.5**

|                                                                                                                                        |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |   |  |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|--|
| Тема 4.2<br>Основные<br>тригонометрические<br>тождества.<br>Формулы приведения                                                         | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | 4 |  |
|                                                                                                                                        | Тригонометрические тождества. Синус, косинус, тангенс и котангенс углов $\alpha$ и $-\alpha$ . Формулы приведения                                                                                                                                                                                                                      |   |  |
|                                                                                                                                        | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |   |  |
| Тема 4.3<br>Синус, косинус, тангенс<br>суммы и разности двух<br>углов<br>Синус и косинус<br>двойного угла. Формулы<br>половинного угла | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | 8 |  |
|                                                                                                                                        | Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов. Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента. Преобразования простейших тригонометрических выражений |   |  |
|                                                                                                                                        | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |   |  |
| Тема 4.4<br>Функции, их свойства.<br>Способы задания<br>функций                                                                        | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | 2 |  |
|                                                                                                                                        | Область определения и множество значений функций. Чётность, нечётность, периодичность функций. Способы задания функций                                                                                                                                                                                                                 |   |  |
|                                                                                                                                        | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |   |  |
| Тема 4.5<br>Тригонометрические<br>функции, их свойства и<br>графики                                                                    | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | 2 |  |
|                                                                                                                                        | Область определения и множество значений тригонометрических функций. Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций. Свойства и графики функций $y = \cos x$ , $y = \sin x$ , $y = \operatorname{tg} x$ , $y = \operatorname{ctg} x$ .                                                                                 |   |  |
|                                                                                                                                        | Комбинированное занятие.                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |   |  |
| Тема 4.6<br>Преобразование<br>графиков<br>тригонометрических<br>функций                                                                | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | 2 |  |
|                                                                                                                                        | Сжатие и растяжение графиков тригонометрических функций.<br>Преобразование графиков тригонометрических функций                                                                                                                                                                                                                         |   |  |
|                                                                                                                                        | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |   |  |
| Тема 4.7<br>Описание<br>производственных<br>процессов с помощью<br>графиков функций                                                    | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>                                                                                                                                                                                                                                                      | 4 |  |
|                                                                                                                                        | Использование свойств тригонометрических функций в профессиональных задачах                                                                                                                                                                                                                                                            |   |  |
|                                                                                                                                        | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |   |  |

|                                                                                       |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |          |  |
|---------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------|--|
| Тема 4.8<br>Обратные<br>тригонометрические<br>функции                                 | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 2        |  |
|                                                                                       | Обратные тригонометрические функции. Их свойства и графики                                                                                                                                                                                                                                                                              |          |  |
|                                                                                       | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |          |  |
| Тема 4.9<br>Тригонометрические<br>уравнения и неравенства                             | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 8        |  |
|                                                                                       | Уравнение $\cos x = a$ . Уравнение $\sin x = a$ . Уравнение $\operatorname{tg} x = a$ , $\operatorname{ctg} x = a$ . Решение тригонометрических уравнений основных типов: простейшие тригонометрические уравнения, сводящиеся к квадратным, решаемые разложением на множители, однородные.<br>Простейшие тригонометрические неравенства |          |  |
|                                                                                       | Комбинированное занятие.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |          |  |
|                                                                                       |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |          |  |
| Тема 4.10<br>Системы<br>тригонометрических<br>уравнений                               | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 2        |  |
|                                                                                       | Системы простейших тригонометрических уравнений                                                                                                                                                                                                                                                                                         |          |  |
|                                                                                       | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |          |  |
| Тема 4.11<br>Решение задач. основы<br>тригонометрии.<br>Тригонометрические<br>функции | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 2        |  |
|                                                                                       | Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений и неравенств в том числе с использованием свойств функций.                                                                                                                                                                                            |          |  |
|                                                                                       | Контрольная работа                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      |          |  |
| <b>Раздел 5.<br/>Комплексные числа</b>                                                |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | <b>8</b> |  |
| Тема 5.1<br>Комплексные числа                                                         | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 4        |  |
|                                                                                       | Понятие комплексного числа. Сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа. Форма записи комплексного числа (геометрическая, тригонометрическая, алгебраическая). Арифметические действия с комплексными числами                                                                                                   |          |  |
|                                                                                       | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |          |  |
| Тема 5.2                                                                              | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |          |  |

|                                                                                 |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |    |                                                                      |
|---------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----|----------------------------------------------------------------------|
| Применение комплексных чисел                                                    | Выполнение расчетов с помощью комплексных чисел. Примеры использования комплексных чисел                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | 4  |                                                                      |
|                                                                                 | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |    |                                                                      |
| Раздел 6. Производная функции, ее применение                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | 40 | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-06, ОК-07<br><b>ПК 1.1-1.5</b> |
| Тема 6.1<br>Понятие производной. Формулы и правила дифференцирования            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 2  |                                                                      |
|                                                                                 | Определение числовой последовательности и способы ее задания. Свойства числовых последовательностей. Определение предела последовательности. Вычисление пределов последовательностей. Предел функции на бесконечности. Предел функции в точке. Приращение аргумента. Приращение функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Алгоритм отыскания производной |    |                                                                      |
|                                                                                 | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |    |                                                                      |
| Тема 6.2<br>Производные суммы, разности произведения, частного                  | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 6  |                                                                      |
|                                                                                 | Формулы дифференцирования. Правила дифференцирования                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |    |                                                                      |
|                                                                                 | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |    |                                                                      |
| Тема 6.3<br>Производные тригонометрических функций. Производная сложной функции | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 6  |                                                                      |
|                                                                                 | Определение сложной функции. Производная тригонометрических функций. Производная сложной функции                                                                                                                                                                                                                                                                                           |    |                                                                      |
|                                                                                 | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |    |                                                                      |
| Тема 6.4<br>Понятие о непрерывности функции. Метод интервалов                   | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 2  |                                                                      |
|                                                                                 | Понятие непрерывной функции. Свойства непрерывной функции. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции в точке. Алгоритм решения неравенств методом интервалов                                                                                                                                                                                                                |    |                                                                      |
|                                                                                 | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |    |                                                                      |
| Тема 6.5<br>Геометрический и                                                    | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |    |                                                                      |
|                                                                                 | Геометрический смысл производной функции – угловой коэффициент                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |    |                                                                      |

|                                                                                                       |            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |   |  |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|--|
| физический<br>производной                                                                             | смысл      | касательной к графику функции в точке. Уравнение касательной к графику функции. Алгоритм составления уравнения касательной к графику функции $y=f(x)$                                                                                                                                                                                                                                               | 4 |  |
|                                                                                                       |            | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |   |  |
| Тема 6.6<br>Физический<br>производной<br>профессиональных<br>задачах                                  | смысл<br>в | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 2 |  |
|                                                                                                       |            | Физический (механический) смысл производной – мгновенная скорость в момент времени $t$ : $v = S'(t)$                                                                                                                                                                                                                                                                                                |   |  |
|                                                                                                       |            | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |   |  |
| Тема 6.7<br>Монотонность функции.<br>Точки экстремума                                                 |            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 4 |  |
|                                                                                                       |            | Возрастание и убывание функции, соответствие возрастания и убывания функции знаку производной. Понятие производной высшего порядка, соответствие знака второй производной выпуклости (вогнутости) функции на отрезке. Задачи на максимум и минимум. Понятие асимптоты, способы их определения. Алгоритм исследования функции и построения ее графика с помощью производной. Дробно-линейная функция |   |  |
|                                                                                                       |            | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |   |  |
| Тема 6.8<br>Исследование функций и<br>построение графиков                                             |            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 4 |  |
|                                                                                                       |            | Исследование функции на монотонность и построение графиков.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |   |  |
|                                                                                                       |            | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |   |  |
| Тема 6.9 Наибольшее и<br>наименьшее значения<br>функции                                               |            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 2 |  |
|                                                                                                       |            | Нахождение наибольшего и наименьшего значений функций, построение графиков многочленов с использованием аппарата математического анализа                                                                                                                                                                                                                                                            |   |  |
|                                                                                                       |            | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |   |  |
| Тема 6.10<br>Нахождение<br>оптимального результата<br>с помощью производной<br>в практических задачах |            | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | 6 |  |
|                                                                                                       |            | Наименьшее и наибольшее значение функции                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |   |  |
|                                                                                                       |            | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |   |  |

|                                                                             |                                                                                                                           |           |                                                                               |
|-----------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|-------------------------------------------------------------------------------|
| Тема 6.11                                                                   | Содержание учебного материала                                                                                             | 2         |                                                                               |
| Решение задач.                                                              | Формулы и правила дифференцирования. Исследование функций с помощью производной. Наибольшее и наименьшее значения функции |           |                                                                               |
| Производная функции, ее применение                                          | Контрольная работа                                                                                                        |           |                                                                               |
| <b>Раздел 7.<br/>Многогранники и тела вращения</b>                          |                                                                                                                           | <b>46</b> | ОК-01, ОК-02,<br>ОК-03, ОК-04,<br>ОК-05, ОК-06,<br>ОК-07<br><b>ПК 1.1-1.5</b> |
| Тема 7.1                                                                    | Содержание учебного материала                                                                                             | 2         |                                                                               |
| Вершины, ребра, грани многогранника                                         | Понятие многогранника. Его элементы: вершины, ребра, грани. Диагональ. Сечение. Выпуклые и невыпуклые многогранники       |           |                                                                               |
|                                                                             | Комбинированное занятие                                                                                                   |           |                                                                               |
| Тема 7.2                                                                    | Содержание учебного материала                                                                                             | 2         |                                                                               |
| Призма, ее составляющие, сечение. Прямая и правильная призма                | Понятие призмы. Ее основания и боковые грани. Высота призмы. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Ее сечение     |           |                                                                               |
|                                                                             | Комбинированное занятие                                                                                                   |           |                                                                               |
| Тема 7.3                                                                    | Содержание учебного материала                                                                                             | 2         |                                                                               |
| Параллелепипед, куб. Сечение куба, параллелепипеда                          | Параллелепипед, свойства прямоугольного параллелепипеда, куб. Сечение куба, параллелепипеда                               |           |                                                                               |
|                                                                             | Комбинированное занятие                                                                                                   |           |                                                                               |
| Тема 7.4                                                                    | Содержание учебного материала                                                                                             | 2         |                                                                               |
| Пирамида, ее составляющие, сечение. Правильная пирамида. Усеченная пирамида | Пирамида и ее элементы. Сечение пирамиды. Правильная пирамида. Усеченная пирамида                                         |           |                                                                               |
|                                                                             | Комбинированное занятие                                                                                                   |           |                                                                               |
| Тема 7.5                                                                    | Содержание учебного материала                                                                                             | 2         |                                                                               |
| Боковая и полная поверхность призмы, пирамиды                               | Площадь боковой и полной поверхности призмы, пирамиды                                                                     |           |                                                                               |
|                                                                             | Комбинированное занятие                                                                                                   |           |                                                                               |
| Тема 7.6                                                                    | Содержание учебного материала                                                                                             |           |                                                                               |
| Симметрия в кубе,                                                           | Симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Симметрия в кубе,                                                        |           |                                                                               |

|                                                               |                                                                                                                                   |   |  |
|---------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|--|
| параллелепипеде,<br>призме, пирамиде                          | параллелепипеде, призме, пирамиде                                                                                                 | 2 |  |
|                                                               | Комбинированное занятие                                                                                                           |   |  |
| Тема 7.7<br>Примеры симметрий в<br>профессии                  | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>                                                 | 6 |  |
|                                                               | Симметрия в природе, архитектуре, технике, в быту                                                                                 |   |  |
|                                                               | Практическое занятие                                                                                                              |   |  |
| Тема 7.8<br>Правильные<br>многогранники, их<br>свойства       | Содержание учебного материала                                                                                                     | 2 |  |
|                                                               | Понятие правильного многогранника. Свойства правильных многогранников                                                             |   |  |
|                                                               | Практическое занятие                                                                                                              |   |  |
| Тема 7.9<br>Цилиндр, его<br>составляющие. Сечение<br>цилиндра | Содержание учебного материала                                                                                                     | 2 |  |
|                                                               | Цилиндр и его элементы. Сечение цилиндра (параллельное основанию и оси).<br>Развертка цилиндра                                    |   |  |
|                                                               | Комбинированное занятие                                                                                                           |   |  |
| Тема 7.10<br>Конус, его<br>составляющие. Сечение<br>конуса    | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>                                                 | 4 |  |
|                                                               | Конус и его элементы. Сечение конуса (параллельное основанию и проходящее<br>через вершину), конические сечения. Развертка конуса |   |  |
|                                                               | Комбинированное занятие                                                                                                           |   |  |
| Тема 7.11<br>Усеченный конус.<br>Сечение усеченного<br>конуса | Содержание учебного материала                                                                                                     | 2 |  |
|                                                               | Усеченный конус. Его образующая и высота. Сечение усеченного конуса                                                               |   |  |
|                                                               | Комбинированное занятие                                                                                                           |   |  |
| Тема 7.12<br>Шар и сфера, их сечения                          | Содержание учебного материала                                                                                                     | 2 |  |
|                                                               | Шар и сфера. Взаимное расположение сферы и плоскости. Сечение шара,<br>сферы                                                      |   |  |
|                                                               | Комбинированное занятие                                                                                                           |   |  |
| Тема 7.13<br>Понятие об объеме тела.<br>Отношение объемов     | Содержание учебного материала                                                                                                     | 4 |  |
|                                                               | Понятие об объеме тела. Объем куба и прямоугольного параллелепипеда.<br>Объем призмы и цилиндра. Отношение объемов подобных тел.  |   |  |

|                                                                           |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |           |                                                                               |
|---------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|-------------------------------------------------------------------------------|
| подобных тел                                                              | Геометрический смысл определителя 3-го порядка                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |           |                                                                               |
|                                                                           | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |           |                                                                               |
| Тема 7.14<br>Объемы и площади<br>поверхностей тел                         | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 2         |                                                                               |
|                                                                           | Объемы пирамиды и конуса. Объем шара. Площади поверхностей тел                                                                                                                                                                                                                                                                                             |           |                                                                               |
|                                                                           | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |           |                                                                               |
| Тема 7.15<br>Комбинации<br>многогранников и тел<br>вращения               | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 4         |                                                                               |
|                                                                           | Комбинации геометрических тел                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |           |                                                                               |
|                                                                           | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |           |                                                                               |
| Тема 7.16<br>Геометрические<br>комбинации на практике                     | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 4         |                                                                               |
|                                                                           | Использование комбинаций многогранников и тел вращения в практико-ориентированных задачах                                                                                                                                                                                                                                                                  |           |                                                                               |
|                                                                           | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |           |                                                                               |
| Тема 7.17<br>Решение задач.<br>Многогранники и тела<br>вращения           | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 2         |                                                                               |
|                                                                           | Объемы и площади поверхности многогранников и тел вращения                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |           |                                                                               |
|                                                                           | Контрольная работа                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |           |                                                                               |
| <b>Раздел 8.<br/>Первообразная<br/>функции,<br/>ее<br/>применение</b>     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | <b>14</b> | ОК-01, ОК-02,<br>ОК-03, ОК-04,<br>ОК-05, ОК-06,<br>ОК-07<br><b>ПК 1.1-1.5</b> |
| Тема 8.1<br>Первообразная функции.<br>Правила нахождения<br>первообразных | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 2         |                                                                               |
|                                                                           | Задача о восстановлении закона движения по известной скорости. Понятие интегрирования. Ознакомление с понятием интеграла и первообразной для функции $y=f(x)$ . Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Таблица формул для нахождения первообразных. Изучение правила вычисления первообразной |           |                                                                               |
|                                                                           | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |           |                                                                               |

|                                                                                  |                                                                                                                                                                                                                                                |           |                                          |
|----------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|------------------------------------------|
| Тема 8.2<br>Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона – Лейбница           | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                  | 2         |                                          |
|                                                                                  | Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла – о вычислении площади криволинейной трапеции, о перемещении точки. Понятие определённого интеграла. Геометрический и физический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона— Лейбница |           |                                          |
|                                                                                  | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                        |           |                                          |
| Тема 8.3<br>Неопределенный и определенный интегралы                              | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                  | 2         |                                          |
|                                                                                  | Понятие неопределенного интеграла                                                                                                                                                                                                              |           |                                          |
|                                                                                  | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                        |           |                                          |
| Тема 8.4<br>Понятие об определенном интеграле как площади криволинейной трапеции | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                  | 2         |                                          |
|                                                                                  | Геометрический смысл определенного интеграла                                                                                                                                                                                                   |           |                                          |
|                                                                                  | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                        |           |                                          |
| Тема 8.5<br>Определенный интеграл в жизни                                        | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>                                                                                                                                                              | 4         |                                          |
|                                                                                  | Геометрический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона - Лейбница.                                                                                                                                                                      |           |                                          |
|                                                                                  | Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей                                                                                                                                                             |           |                                          |
|                                                                                  | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                                           |           |                                          |
| Тема 8.6<br>Решение задач. Первообразная функции, ее применение                  | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                  | 2         |                                          |
|                                                                                  | Первообразная функции. Правила нахождения первообразных. Ее применение                                                                                                                                                                         |           |                                          |
|                                                                                  | Контрольная работа                                                                                                                                                                                                                             |           |                                          |
| <b>Раздел 9.<br/>Степени и корни.<br/>Степенная функция</b>                      |                                                                                                                                                                                                                                                | <b>18</b> | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-07 |
| Тема 9.1<br>Степенная функция, ее свойства                                       | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                  |           |                                          |
|                                                                                  | Понятие корня n-ой степени из действительного числа. Функции $y = \sqrt[n]{x}$ их свойства и графики. Свойства корня n-ой степени                                                                                                              |           |                                          |

|                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                               |           |                                                |
|------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|------------------------------------------------|
|                                                                                    | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                       | 4         |                                                |
| Тема 9.2<br>Преобразование<br>выражений с корнями n-<br>ой степени                 | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                 | 4         |                                                |
|                                                                                    | Преобразование иррациональных выражений                                                                                                                                                                                       |           |                                                |
|                                                                                    | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                       |           |                                                |
| Тема 9.3<br>Свойства степени с<br>рациональным и<br>действительным<br>показателями | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                 | 2         |                                                |
|                                                                                    | Понятие степени с любым рациональным показателем. Степенные функции, их свойства и графики                                                                                                                                    |           |                                                |
|                                                                                    | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                       |           |                                                |
| Тема 9.4<br>Решение<br>иррациональных<br>уравнений и неравенств                    | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                 | 6         |                                                |
|                                                                                    | Равносильность иррациональных уравнений и неравенств. Методы их решения. Решение иррациональных уравнений и неравенств                                                                                                        |           |                                                |
|                                                                                    | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                       |           |                                                |
| Тема 9.5<br>Степени и корни.<br>Степенная функция                                  | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                 | 2         |                                                |
|                                                                                    | Определение степенной функции. Использование ее свойств при решении уравнений и неравенств                                                                                                                                    |           |                                                |
|                                                                                    | Контрольная работа                                                                                                                                                                                                            |           |                                                |
| <b>Раздел 10.<br/>Показательная<br/>функция</b>                                    |                                                                                                                                                                                                                               | <b>18</b> | ОК-01, ОК-02,<br>ОК-03, ОК-04,<br>ОК-05, ОК-07 |
| Тема 10.1<br>Показательная функция,<br>ее свойства                                 | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                 | 4         |                                                |
|                                                                                    | Степень с произвольным действительным показателем. Определение показательной функции, ее свойства и график. Знакомство с применением показательной функции. Решение показательных уравнений функционально-графическим методом |           |                                                |
|                                                                                    | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                       |           |                                                |
| Тема 10.2<br>Решение показательных<br>уравнений и неравенств                       | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                 | 8         |                                                |
|                                                                                    | Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей, методом введения новой переменной, функционально-графическим методом. Решение показательных неравенств                                                       |           |                                                |

|                                                      |                                                                                                                                                                                                                                   |           |                                                               |
|------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|---------------------------------------------------------------|
|                                                      | Практическое занятие                                                                                                                                                                                                              |           |                                                               |
| Тема 10.3                                            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                     | 4         |                                                               |
| Системы показательных уравнений                      | Решение систем показательных уравнений                                                                                                                                                                                            |           |                                                               |
|                                                      | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                           |           |                                                               |
| Тема 10.4                                            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                     | 2         |                                                               |
| Решение задач.                                       | Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей и методом введения новой переменной. Решение показательных неравенств                                                                                             |           |                                                               |
| Показательная функция                                | Контрольная работа                                                                                                                                                                                                                |           |                                                               |
| <b>Раздел 11. Логарифмы. Логарифмическая функция</b> |                                                                                                                                                                                                                                   | <b>30</b> | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-07<br><b>ПК 1.1-1.5</b> |
| Тема 11.1                                            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                     | 4         |                                                               |
| Логарифм числа.                                      | Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число e                                                                                                                                                                       |           |                                                               |
| Десятичный и натуральный логарифмы, число e          | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                           |           |                                                               |
| Тема 11.2                                            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                     | 6         |                                                               |
| Свойства логарифмов.                                 | Свойства логарифмов. Операция логарифмирования.                                                                                                                                                                                   |           |                                                               |
| Операция логарифмирования                            | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                           |           |                                                               |
| Тема 11.3                                            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                     | 4         |                                                               |
| Логарифмическая функция, ее свойства                 | Логарифмическая функция и ее свойства                                                                                                                                                                                             |           |                                                               |
|                                                      | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                           |           |                                                               |
| Тема 11.4                                            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                     | 8         |                                                               |
| Решение логарифмических уравнений и неравенств       | Понятие логарифмического уравнения. Операция потенцирования. Три основных метода решения логарифмических уравнений: функционально-графический, метод потенцирования, метод введения новой переменной. Логарифмические неравенства |           |                                                               |
|                                                      | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                           |           |                                                               |
| Тема 11.5                                            | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                     |           |                                                               |

|                                                                      |                                                                                           |           |  |
|----------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|--|
| Системы логарифмических уравнений                                    | Алгоритм решения системы уравнений. Равносильность логарифмических уравнений и неравенств | 2         |  |
|                                                                      | Комбинированное занятие                                                                   |           |  |
| Тема 11.6<br>Логарифмы в природе и технике                           | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>         | 4         |  |
|                                                                      | Применение логарифма. Логарифмическая спираль в природе. Ее математические свойства       |           |  |
|                                                                      | Практическое занятие                                                                      |           |  |
| Тема 11.7<br>Решение задач.<br>Логарифмы.<br>Логарифмическая функция | Содержание учебного материала                                                             | 2         |  |
|                                                                      | Логарифмическая функция. Решение простейших логарифмических уравнений                     |           |  |
|                                                                      | Контрольная работа                                                                        |           |  |
| <b>Раздел 12.<br/>Множества. Элементы теории графов</b>              |                                                                                           | <b>10</b> |  |
| Тема 12.1<br>Множества                                               | Содержание учебного материала                                                             | 2         |  |
|                                                                      | Понятие множества. Подмножество. Операции с множествами                                   |           |  |
|                                                                      | Комбинированное занятие                                                                   |           |  |
| Тема 12.2<br>Операции с множествами                                  | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>         | 2         |  |
|                                                                      | Операции с множествами. Решение прикладных задач                                          |           |  |
|                                                                      | Практическое занятие                                                                      |           |  |
| Тема 12.3<br>Графы                                                   | Содержание учебного материала                                                             | 4         |  |
|                                                                      | Понятие графа. Связный граф, дерево, цикл граф на плоскости                               |           |  |
|                                                                      | Практическая работа                                                                       |           |  |
| Тема 12.4<br>Решение задач.<br>Множества, Графы и их применение      | Содержание учебного материала                                                             | 2         |  |
|                                                                      | Операции с множествами. Описание реальных ситуаций с помощью множеств.                    |           |  |
|                                                                      | Применение графов к решению задач                                                         |           |  |
|                                                                      | Контрольная работа                                                                        |           |  |

|                                                                              |                                                                                                                                                                            |    |                                                               |
|------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----|---------------------------------------------------------------|
| Раздел 13. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей          |                                                                                                                                                                            | 26 | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-07<br><b>ПК 1.1-1.5</b> |
| Тема 13.1<br>Основные понятия комбинаторики                                  | Содержание учебного материала                                                                                                                                              | 4  |                                                               |
|                                                                              | Перестановки, размещения, сочетания.                                                                                                                                       |    |                                                               |
|                                                                              | Комбинированное занятие.                                                                                                                                                   |    |                                                               |
| Тема 13.2<br>Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей | Содержание учебного материала                                                                                                                                              | 4  |                                                               |
|                                                                              | Совместные и несовместные события. Теоремы о вероятности суммы событий. Условная вероятность. Зависимые и независимые события. Теоремы о вероятности произведения событий. |    |                                                               |
|                                                                              | Комбинированное занятие                                                                                                                                                    |    |                                                               |
| Тема 13.3<br>Вероятность в профессиональных задачах                          | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>                                                                                          | 4  |                                                               |
|                                                                              | Относительная частота события, свойство ее устойчивости. Статистическое определение вероятности. Оценка вероятности события                                                |    |                                                               |
|                                                                              | Практическое занятие                                                                                                                                                       |    |                                                               |
| Тема 13.4<br>Дискретная случайная величина, закон ее распределения           | Содержание учебного материала                                                                                                                                              | 4  |                                                               |
|                                                                              | Виды случайных величин. Определение дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Ее числовые характеристики                           |    |                                                               |
|                                                                              | Комбинированное занятие                                                                                                                                                    |    |                                                               |
| Тема 13.5<br>Задачи математической статистики                                | Содержание учебного материала                                                                                                                                              | 4  |                                                               |
|                                                                              | Вариационный ряд. Полигон частот и гистограмма. Статистические характеристики ряда наблюдаемых данных                                                                      |    |                                                               |
|                                                                              | Комбинированное занятие                                                                                                                                                    |    |                                                               |
| Тема 13.6<br>Составление таблиц и                                            | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>                                                                                          |    |                                                               |

|                      |                                                                                                                                  |   |  |
|----------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|--|
| диаграмм на практике | Первичная обработка статистических данных. Графическое их представление.<br>Нахождение средних характеристик, наблюдаемых данных | 4 |  |
|                      | Практическое занятие                                                                                                             |   |  |

|                                                                         |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      |           |                                                                      |
|-------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|----------------------------------------------------------------------|
| Тема 13.7                                                               | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | 2         |                                                                      |
| Решение задач. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей | Элементы комбинаторики. Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей                                                                                                                                                                                                                                              |           |                                                                      |
|                                                                         | Контрольная работа                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |           |                                                                      |
| <b>Раздел 14. Уравнения и неравенства</b>                               |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      | <b>28</b> | ОК-01, ОК-02, ОК-03, ОК-04, ОК-05, ОК-06, ОК-07<br><b>ПК 1.1-1.5</b> |
| Тема 14.1                                                               | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | 4         |                                                                      |
| Равносильность уравнений и неравенств. Общие методы решения             | Равносильность уравнений и неравенств. Определения. Основные теоремы равносильных переходах в уравнениях и неравенствах. Общие методы решения уравнений: переход от равенства функций к равенству аргументов для монотонных функций, метод разложения на множители, метод введения новой переменной, функционально-графический метод |           |                                                                      |
|                                                                         | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |           |                                                                      |
| Тема 14.2                                                               | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | 4         |                                                                      |
| Графический метод решения уравнений, неравенств                         | Общие методы решения неравенств: переход от сравнения значений функций к сравнению значений аргументов для монотонных функций, метод интервалов, функционально-графический метод. Графический метод решения уравнений и неравенств                                                                                                   |           |                                                                      |
|                                                                         | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |           |                                                                      |
| Тема 14.3                                                               | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | 4         |                                                                      |
| Уравнения и неравенства с модулем                                       | Определение модуля. Раскрытие модуля по определению. Простейшие уравнения и неравенства с модулем. Применение равносильных переходов в определенных типах уравнений и неравенств с модулем                                                                                                                                           |           |                                                                      |
|                                                                         | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |           |                                                                      |
| Тема 14.4                                                               | Содержание учебного материала                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | 6         |                                                                      |
| Уравнения и неравенства с параметрами                                   | Знакомство с параметром. Простейшие уравнения и неравенства с параметром                                                                                                                                                                                                                                                             |           |                                                                      |
|                                                                         | Комбинированное занятие                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |           |                                                                      |
| Тема 14.5                                                               | <b>Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)</b>                                                                                                                                                                                                                                                    |           |                                                                      |
| Составление и решение профессиональных задач                            | Решение текстовых задач профессионального содержания                                                                                                                                                                                                                                                                                 |           |                                                                      |

|                                                        |                                                                                   |     |  |
|--------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------|-----|--|
| с помощью уравнений                                    | Практические занятия                                                              | 8   |  |
| Тема 14.6<br>Решение задач.<br>Уравнения и неравенства | Содержание учебного материала                                                     | 2   |  |
|                                                        | Общие методы решения уравнений. Уравнения и неравенства с модулем и с параметрами |     |  |
|                                                        | Практическое занятие                                                              |     |  |
| Промежуточная аттестация (Экзамен)                     |                                                                                   | 6   |  |
| Всего:                                                 |                                                                                   | 340 |  |

*По каждой теме описывается содержание учебного материала (в дидактических единицах), наименования необходимых лабораторных, практических и иных занятий. Объем часов определяется по каждой позиции столбца 3.*

*\*Профессионально-ориентированное содержание может быть распределено по разделам (темам) или сконцентрировано в разделе Прикладной модуль*

### **3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

#### **3.1. Для реализации программы дисциплины должны быть предусмотрены следующие специальные помещения:**

Реализация программы дисциплины требует наличия учебного кабинета математики.

Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- комплект учебно-наглядных пособий;
- комплект электронных видеоматериалов;
- задания для контрольных работ;
- профессионально ориентированные задания;
- материалы экзамена.

Технические средства обучения:

- персональный компьютер с лицензионным программным обеспечением;
- проектор с экраном.

#### **3.2. Информационное обеспечение обучения**

1. Письмо Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО Министерства образования и науки РФ от 17.03.2015 № 06-259 «Рекомендации по организации получения СОО в пределах освоения образовательных программ СПО на базе основного общего образования с учетом требований ФГОС и получаемой профессии или специальности СПО».

2. Макет ФГОС СПО для профессий - URL: <https://firpo.ru/activities/fgos/> (дата обращения: 28.08.2024). - Текст: электронный.

3. Мордкович, А.Г.. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Базовый уровень. ЭФУ. В 2 Частях. Часть 1 / А.Г. Мордкович, П.В. Семенов, Л.А. Александрова, Е.Л. Мардахаева — Москва : Просвещение, 2022.

4. Вернер, А.Л.. Математика: алгебра и начала математического анализа геометрия. 11 класс. Базовый уровень. ЭФУ / А.Л. Вернер, А.П. Карп — Москва : Просвещение, 2022.

5. Колягин, Ю.М.. Математика: алгебра и начала математического анализа геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Базовый и углублённый уровни. ЭФУ / Ю.М. Колягин, М.В. Ткачева, Н.Е. Федорова — Москва : Просвещение, 2022.

6. Пратусевич, М.Я.. Математика: алгебра и начала математического анализа геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Углублённый уровень. ЭФУ / М.Я. Пратусевич, К.М. Столбов, А.Н. Головин — Москва : Просвещение, 2022.

#### **Интернет-ресурсы:**

1. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов. - URL: <http://school-collection.edu.ru/> (дата обращения: 28.08.2024). - Текст: электронный.

2. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам». - URL: <http://window.edu.ru/> (дата обращения: 02.08.2024). - Текст: электронный.

3. Министерство образования и науки Российской Федерации. - URL: <https://minobrnauki.gov.ru/> (дата обращения: 01.07.2024). - Текст: электронный.

4. Научная электронная библиотека (НЭБ). - URL: <http://www.elibrary.ru> (дата обращения:

12.07.2024). - Текст: электронный.

5. Открытый колледж. Математика. - URL: <https://mathematics.ru/> (дата обращения: 08.06.2022).  
- Текст: электронный.

6. Федеральный портал «Российское образование». - URL: <http://www.edu.ru/> (дата обращения: 02.07.2024). - Текст: электронный.

#### 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Контроль и оценка результатов освоения общеобразовательной дисциплины раскрываются через дисциплинарные результаты, направленные на формирование общих и профессиональных компетенций по разделам и темам содержания учебного материала.

| Общая/профессиональная компетенция                                                                                                                                                                                              | Раздел/Тема                  | Тип оценочных мероприятий                                                                                                                                                                            |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| ОК 01. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам                                                                                                                        | Раздел 1 - раздел 4          | Тестирование Устный опрос<br>Математический диктант<br>Представление результатов практических работ<br>Контрольная работа<br>Выполнение заданий на экзамене                                          |
| ОК 02. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности                                                             | Раздел 1-раздел 4            | Тестирование Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов практических работ<br>Выполнение заданий на экзамене                       |
| ОК 03. Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях | Раздел 1-раздел 4            | Тестирование Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов практических работ<br>Контрольная работа<br>Выполнение заданий на экзамене |
| ОК 04. Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде                                                                                                                                                           | Раздел 1, раздел 3, раздел 4 | Тестирование Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов практических работ<br>Контрольная работа<br>Выполнение заданий на экзамене |
| ОК 05. Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста                                                                    | Раздел 1, раздел 3, раздел 4 | Тестирование Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов практических работ<br>Контрольная работа<br>Выполнение заданий на          |

|                                                                                                                                                                                                                                                                            |                              |                                                                                                                                                                                                      |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                                                                                                                                                                                                                                            |                              | экзамене                                                                                                                                                                                             |
| ОК 06. Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения | Раздел 2, раздел 3, раздел 4 | Тестирование Устный опрос<br>Математический диктант<br>Индивидуальная самостоятельная работа<br>Представление результатов практических работ<br>Контрольная работа<br>Выполнение заданий на экзамене |
| ОК 07. Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях                                                                             | Раздел 1                     | Тестирование Устный опрос<br>Математический диктант<br>Контрольная работа<br>Выполнение заданий на экзамене                                                                                          |

